$\tilde{K}_{BPS}$